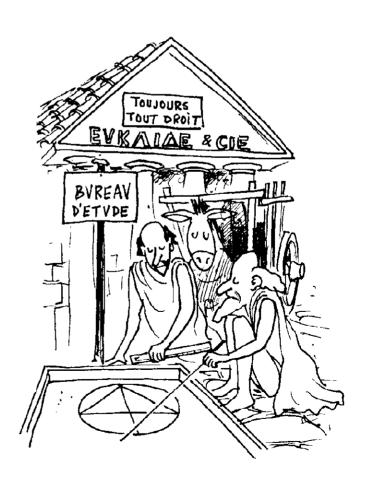
Les Aventures d'Anselme Lanturlu

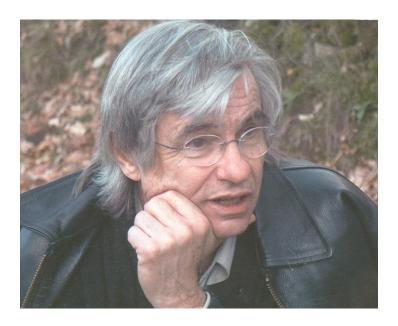
LE GEOMETRICON

Jean-Pierre Petit



Savoir sans Frontières

Association Loi de 1901



Jean-Pierre Petit, Président de l'Association

Ancien Directeur de Recherche au Cnrs, astrophysicien, créateur d'un genre nouveau : la Bande Dessinée Scientifique. Crée en 2005 avec son ami Gilles d'Agostini l'association Savoir sans Frontières qui s'est donnée pour but de distribuer gratuitement le savoir, y compris le savoir scientifique et technique à travers le monde. L'association, qui fonctionne grâce à des dons, rétribue des traducteurs à hauteur de 150 euros (en 2007) en prenant à sa charge les frais d'encaissement bancaire. De nombreux traducteurs accroissent chaque jour le nombre d'albums traduits (en 2007 : 200 albums gratuitement téléchargeables, en 28 langues, dont le Laotien et le Rwandais).

Le présent fichier pdf peut être librement dupliqué et reproduit, en tout ou en partie, utilisé par les enseignants dans leurs cours à conditions que ces opérations ne se prêtent pas à des activités lucratives. Il peut être mis dans les bibliothèques municipales, scolaires et universitaires, soit sous forme imprimée, soit dans des réseaux de type Intranet.

L'auteur a entrepris de compléter cette collection par des albums plus simples d'abord (niveau 12 ans). Egalement en cours d'élaboration : des albums « parlants » pour analphabètes et « bilingues » pour apprendre des langues à partir de sa langue d'origine.

L'association recherche sans cesse de nouveaux traducteurs vers des langues qui doivent être leur langue maternelle, possédant les compétences techniques qui les rendent aptes à produire de bonne traductions des albums abordés.

Pour contacter l'association, voir sur la homepage de son site

http://www.savoir-sans-frontieres.com

Coordonnées bancaires France → **Relevé d'Identité Bancaire (RIB)**:

Etablissement	Quichet	N° de Compte	Cle RIB
20041	01008	1822226V029	88

Domiciliation : La banque postale

Centre de Marseille

13900 Marseille CEDEX 20

France

For other countries → International Bank Account Number (IBAN):

IBAN			
FR 16 20041 01008 1822226V029 88			

and → Bank Identifier Code (BIC):

BIC	
PSSTFRPPMAR	

Les statuts de l'association (en français) sont accessibles sur son site. La comptabilité y est accessible en ligne, en temps réel. L'association ne prélève sur ces dons aucune somme, en dehors des frais de transfert bancaire, de manière que les sommes versées aux traducteurs soient nettes.

L'association ne salarie aucun de ses membres, qui sont tous des bénévoles. Ceux-ci assument eux-mêmes les frais de fonctionnement, en particulier de gestion du site, qui ne sont pas supportés par l'association.

Ainsi, vous pourrez être assurés, dans cette sorte « d'œuvre humanitaire culturelle » que quelle que soit la somme que vous donniez, elle sera *intégralement* consacrée à rétribue les traducteurs.

Nous mettons en ligne en moyenne une dizaine de nouvelles traductions par mois.

MERTISSEMENT

CECI N'EST NI UN TRAITÉ, NI UN COURS.

C'EST SIMPLEMENT L'HISTOIRE D'ANSELME LANTURLU

ET DE L'UN DE SES VOYAGES,

AU PAYS DE LA GÉOMÉTRIE.

A LIRE DE PRÉFÉRENCE AVEC : * D'ABORD DE L'ASPIRINE & * PUIS DE LA FICELLE DES CISEAUX * DU RUBAN ADHÉSIF UN RAPPORTEUR * ET UN JOLI BALLON BIEN ROND ...

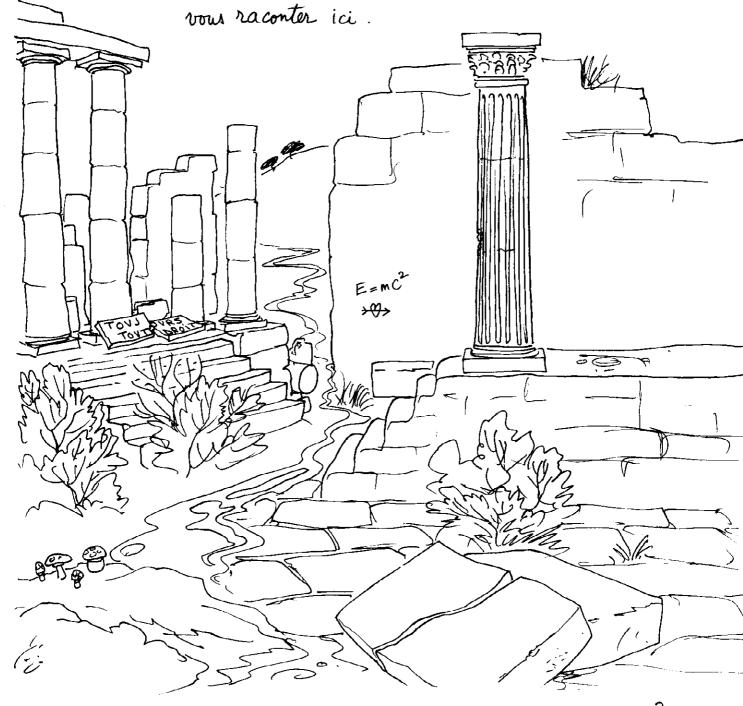
1

La Société Euclide et C'é naquit à Alexandrie au troisième siècle avant Jésus-Christ. Pendant deux mille deux cents ans les affaires prospérèrent. Les produits étaient appréciés et la clientèle satisfaite et fidèle.

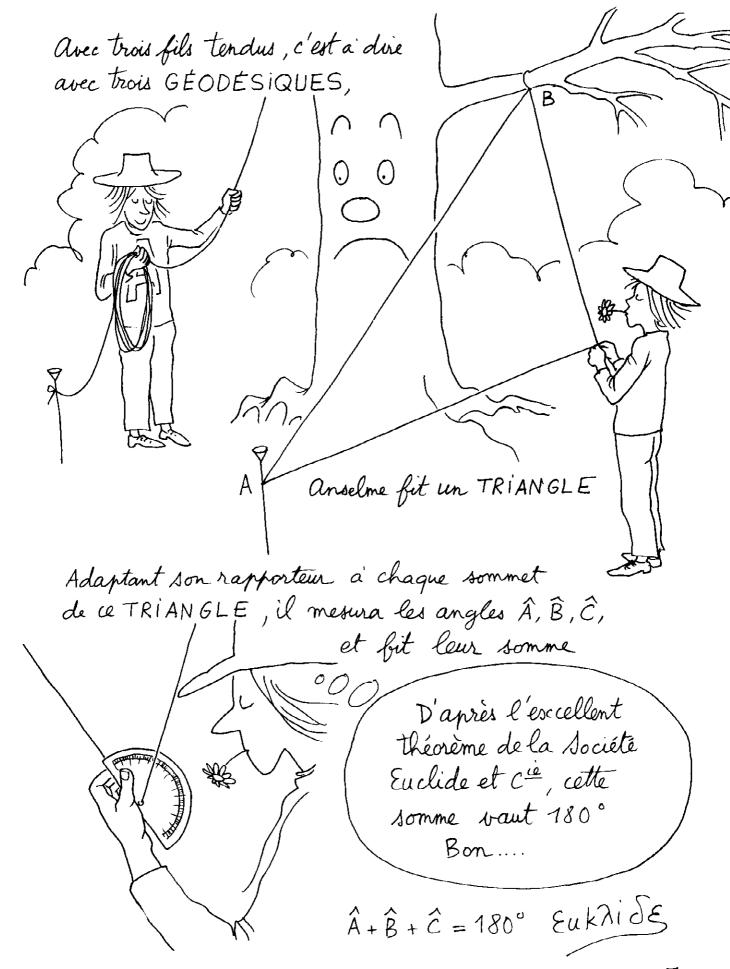


Mais, peu à peu, les goûts des clients changèrent. Certains, jadis inconditionnels de la marque, à la suite de curieuses expériences, se demandèrent: « Euclide, est-ce vraiment, partout et pour tout, ce qu'il y a de mieux ? "

C'est l'histoire de l'un d'eux que nous allons



PROLOGUES un jour, anselme Lanturlu décida de tendre une ficelle entre deux piquets: 0 tu sens la science? Cette ficelle représente la plus courte distance entre deux POINTS A et B En langage savant appelons cela une 6ÉODÉSIQUE



Le monde où vivait Anselme était nébuleuxe en diable On s'y suait mouché avec le nez d'un autre.



qu'y a-t-il quand on va LOIN? que cache ce brouillard? Une GÉODÉSIQUE, c'est une DROITE. Et si j'allais DROIT DEVANT MOI, le plus LOIN possible. Si j'escplorais cet espace, histoire de voir?

Bien tendre ma GÉODÉSIQUE



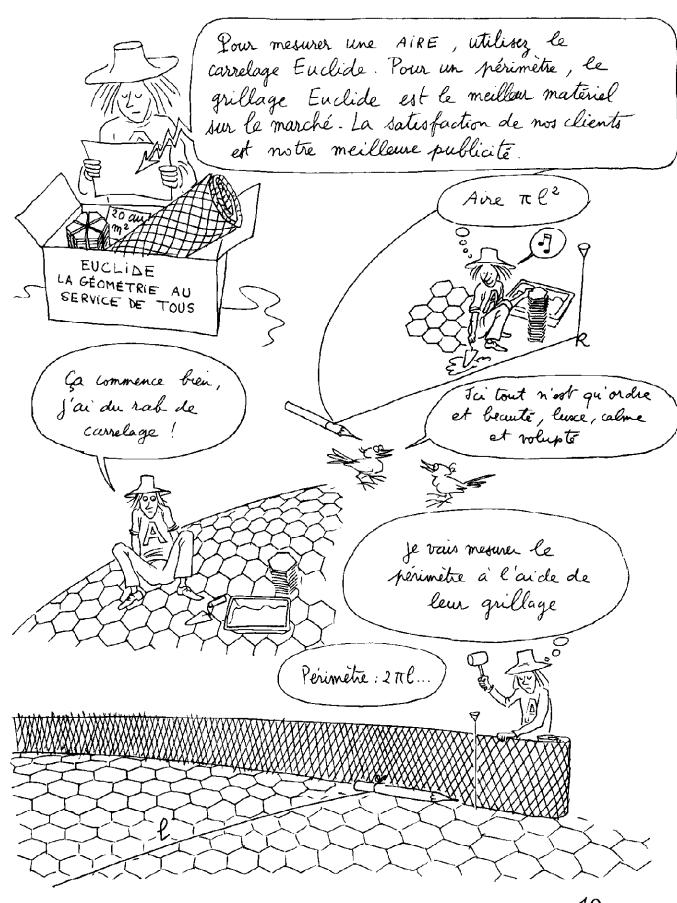
Anselme marcha longtemps, longtemps...

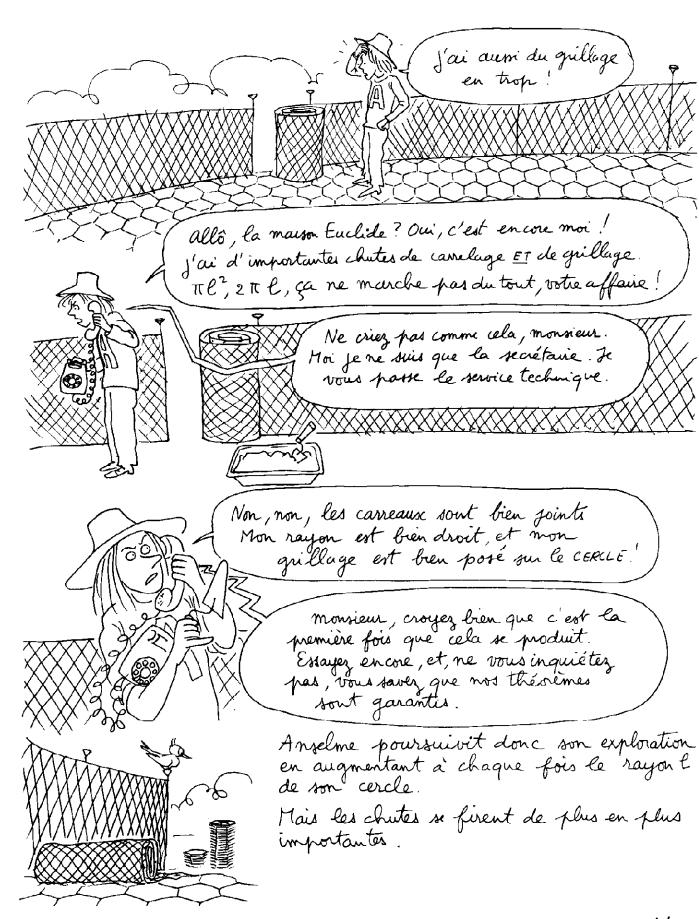
Derrière lui sa ficelle se déroulait, si bien tendre, qu'il se moquait bien des incertitudes de sa marche dans la brume : il fabriquait une impeccable GÉODÉSIQUE.

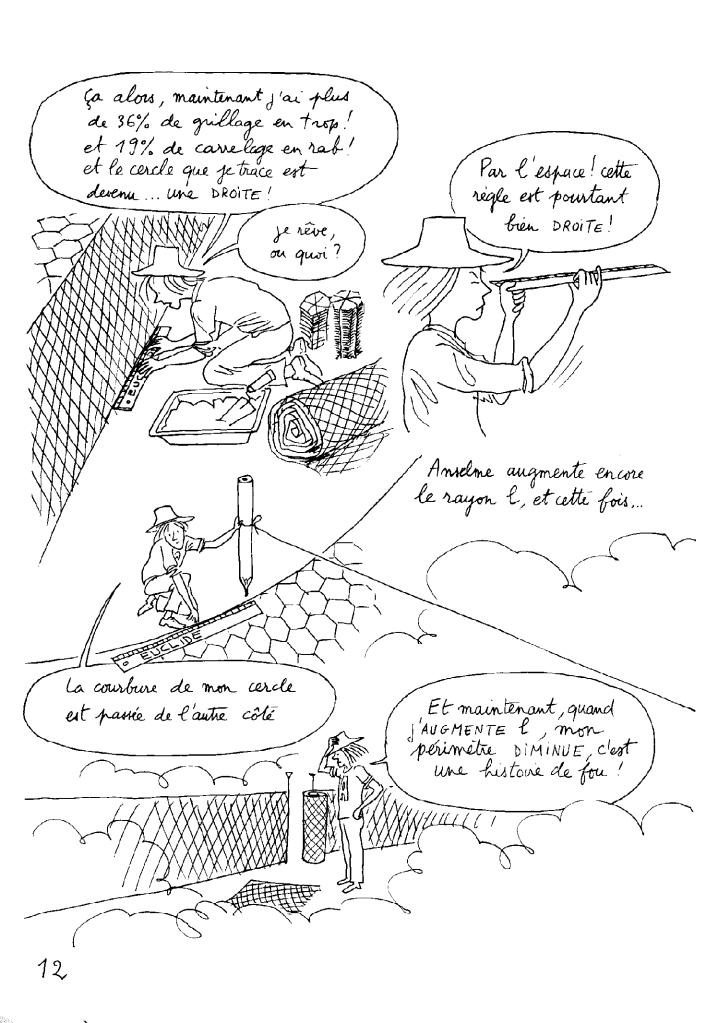
mais, je ne sais si vous l'avez remarqué, il y a des jours où tout semble aller de travers. ça alou! c'est mon piquet! Anselme, qui avait encore de la ficelle, décida de tirer cette affaire au chois Imputurbable, il continua donc à tendre la ficelle, et poursuivit, DROIT DEVANT, affaire au clair. plein de curiosité. La DROITE d'anselme Hélas.. se refermant! mais c'est encore mon piquet!



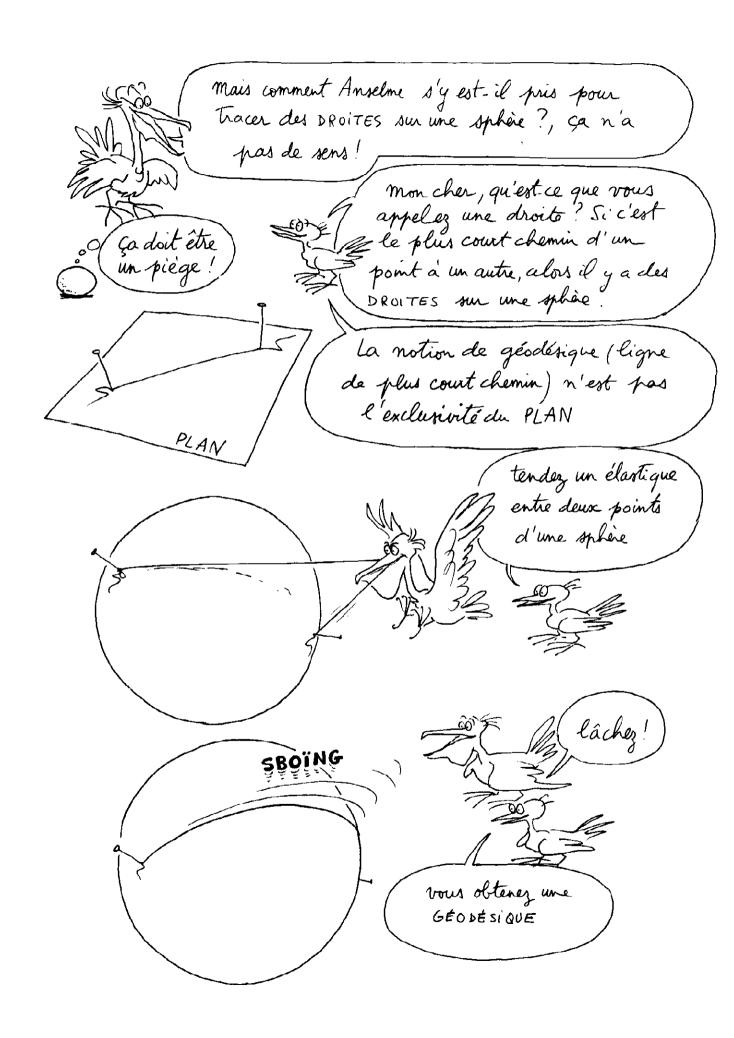


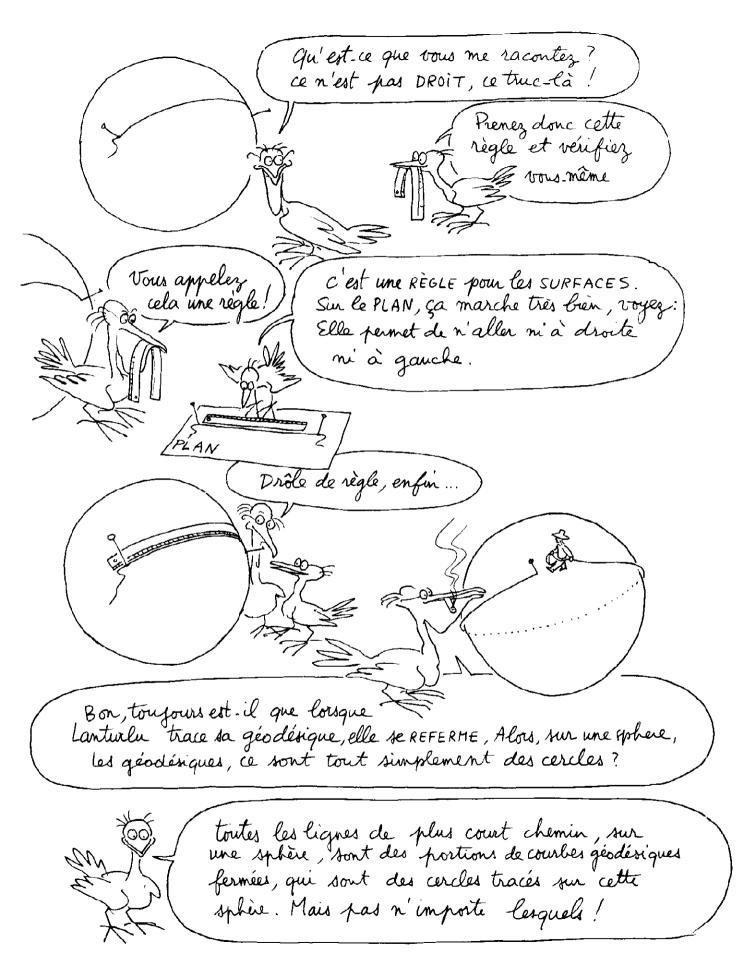


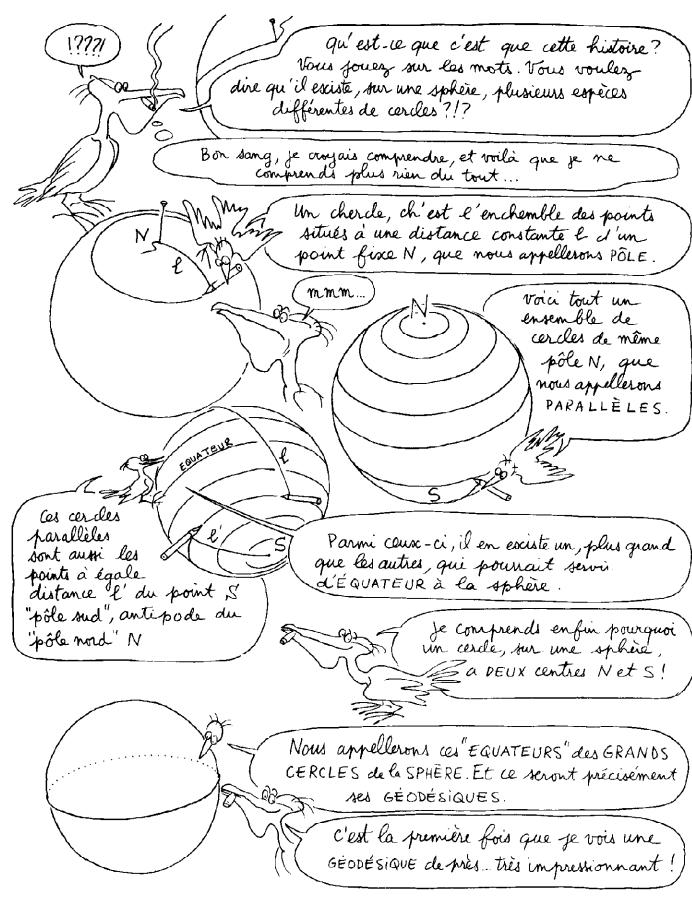


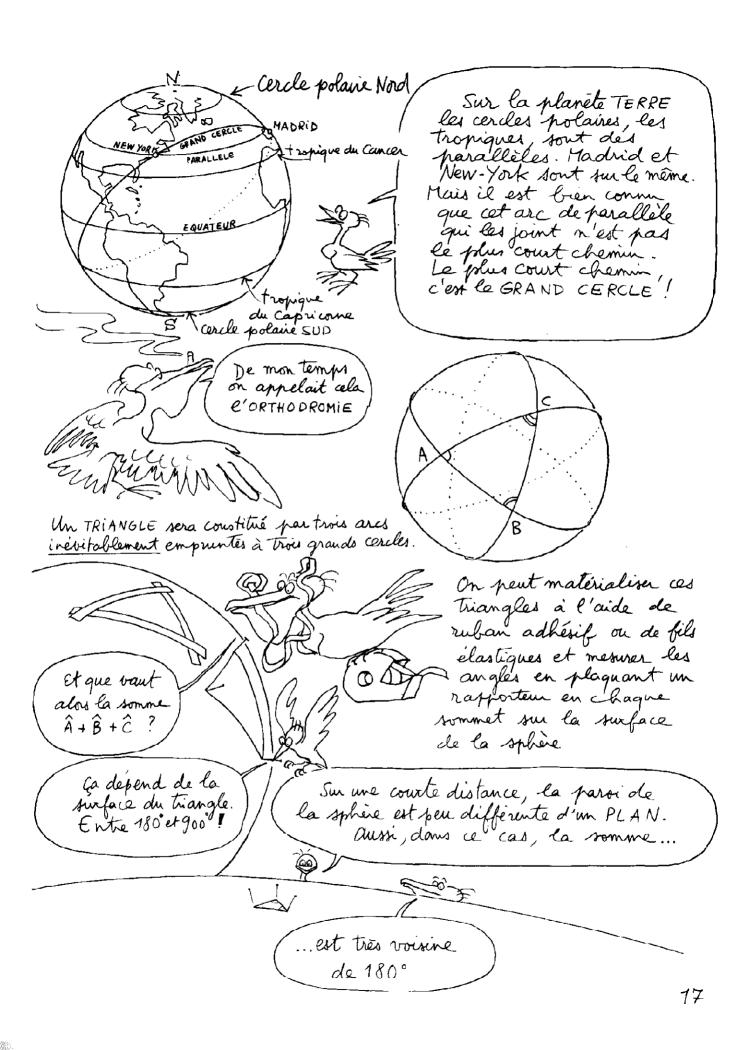


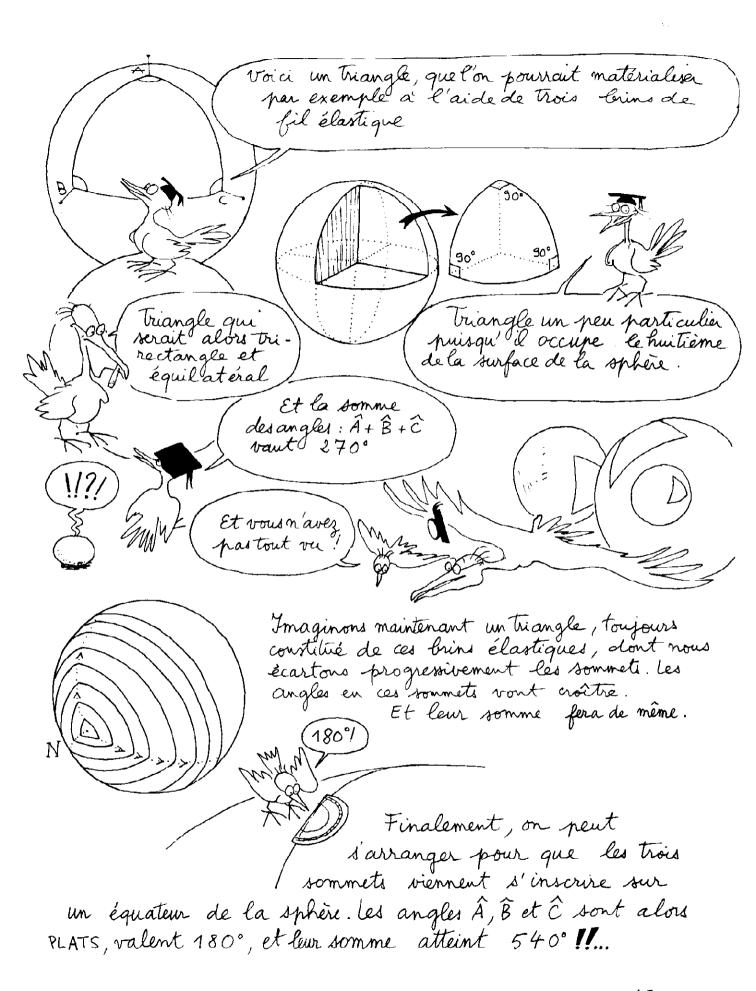




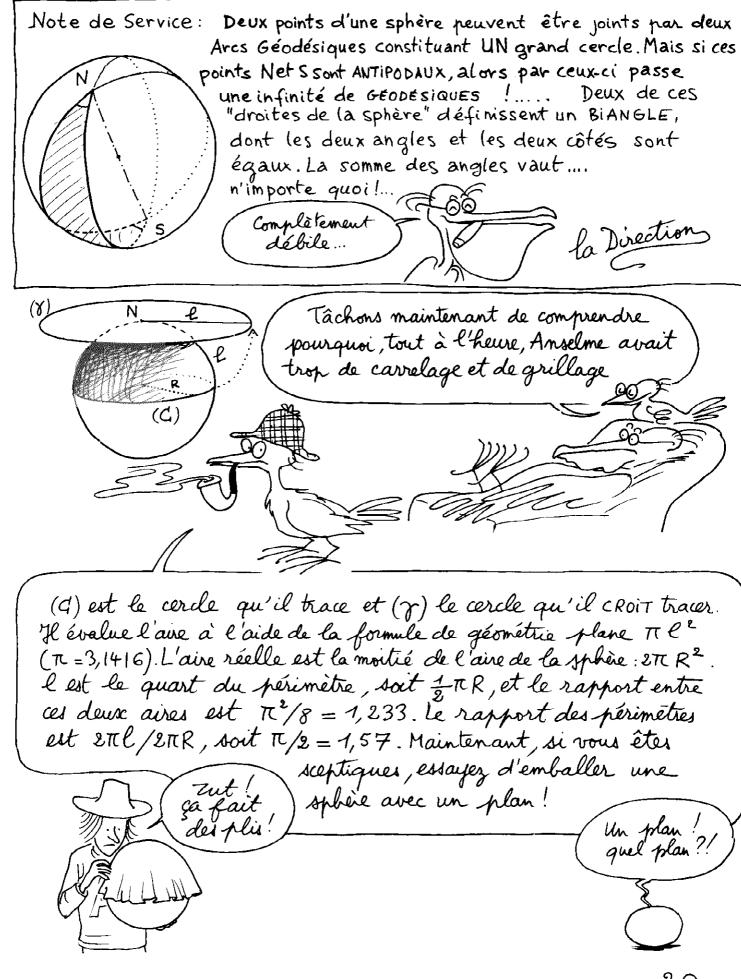


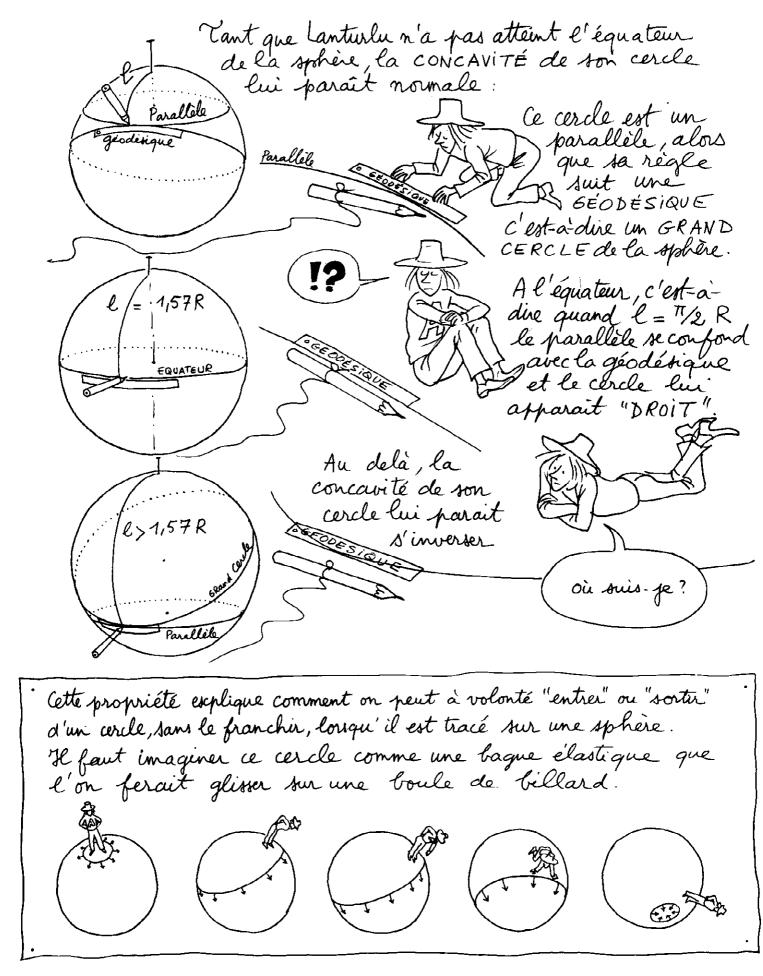




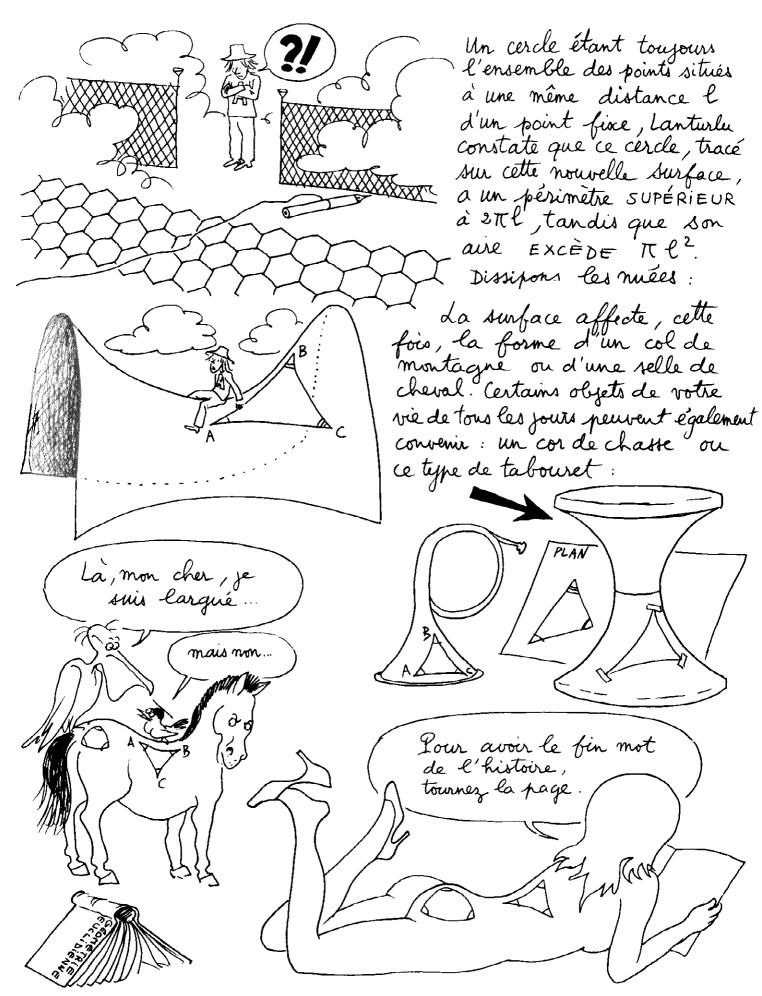












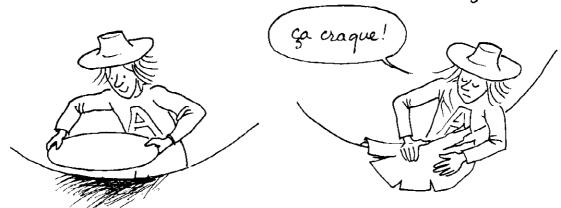
COURBURE:

Une surface courbe est une surface où les théorèmes euclidiens ne marchent pas. La courbure peut être positive ou négative.

Sur une surface à COURBURE POSITIVE, la somme des angles d'un triangle est supérieure à 180°. Si on trace un cercle de royon l, sa surface est inférieure à πl^2 et son périmètre inférieur à $2\pi l$.

Sur une surface à COURBURE NÉGATIVE la somme des angles d'un triangle est inférieure à 180°. Si on trace un cercle de rayon l, sa surface est supérieure à T l² et son périmètre surérieur à 2T L.

Tout à l'heure, Anselme avait constate qu'en tentant de REVETIR une sphère, surface à courbure positive, avec un élément plan, des polis apparaissaient. Le revêtement d'une surface à courbure négative par un plan est également impossible : des craquements apparaissent. Ce test de l'emballage est le plus simple pour déterminer si la courbure est positive ou négative.



Comme on peut le voir sur la page précédente, les surfaces peuvent présenter des régions à courbine positive, d'autres à courbine négative.

un cylindre, un cône, ont-ils une courbure?



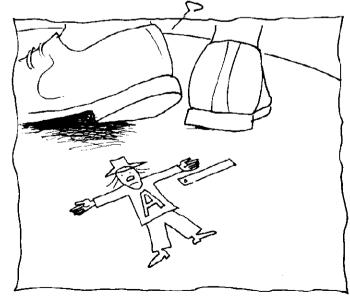


LA MOTION DESPACE:

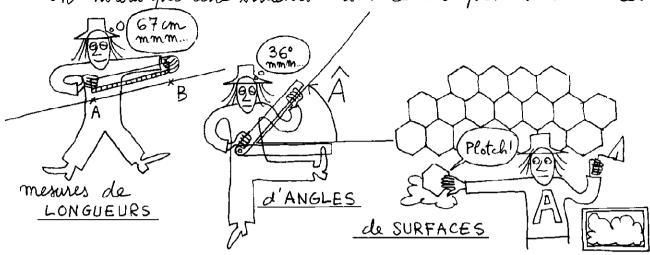
Tout à l'heure, des nuées empêchaient Anselme de voir plus loin que le bout de son nez... ou presque. S'îl n'en avait pas été ainsi il aurait pu percevoir la COURBURE de son ESPACE SPHÉRIQUE.

Il ya une autre façon d'empêcher lanturlu de VOIR cette courbure: c'est de lui faire habiter la surface, de faire en sorte qu'il APPARTIENNE à celle-ci.





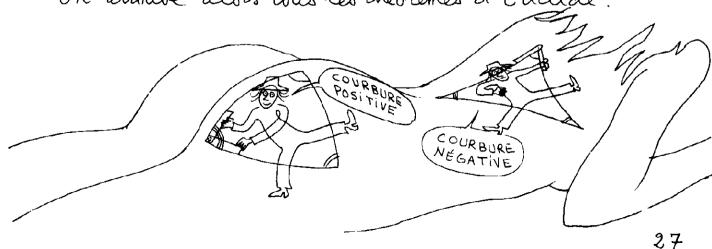
On notera que cette situation nouvelle n'empêche nullement les



Bien qu'étant confiné DANS la surface, anselme aurait très fien pu constater la courbure et définir son signe (Positif ou négatif), et même la mesurer, sans pour cela être capable de la VOIR. Si la somme des angles d'un triangle vaut 180° , alors cette surface est PLANE. Si cette somme excède 180° , la courbure est positive et anselme peut calculer le rayon de courbure R local à l'aide de la formule : $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180 \left(1 + \frac{A}{3,14 R^2}\right)$ degrés où A est l'aire du triangle

si cette somme est inférieure à 180°, on peut définir un rayon de courbure R, donné par : $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180 \left(1 - \frac{A}{31/4}R^2\right)$ mais il n'a plus <u>le sens physique habituel</u>.

On notera qu'un PLAN peut être assimilé à une surface ayant un rayon de courbure R infini. On retrouve alors tous les théorèmes d'Euclide.

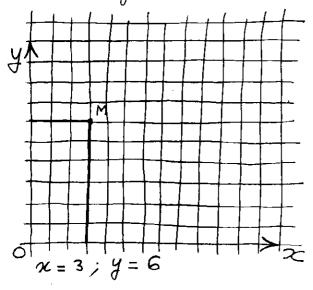


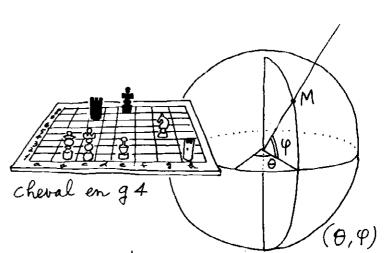
LE CONCEPT DE DIMENSION

le nombre de dimensions est simplement le nombre de quantités, de coordonnées, qu'il faut se donner, dans un espace quelconque, pour y definir un POINT.

les SURFACES sont des représentations d'espaces à deux dimensions. Les quantités servant au repérage peuvent être

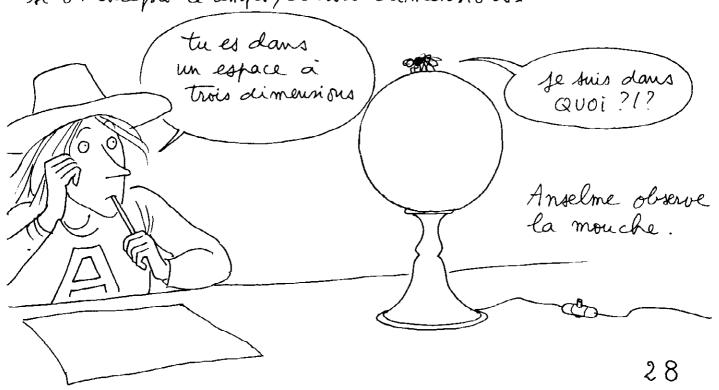
des longueurs, des nombres, des angles...

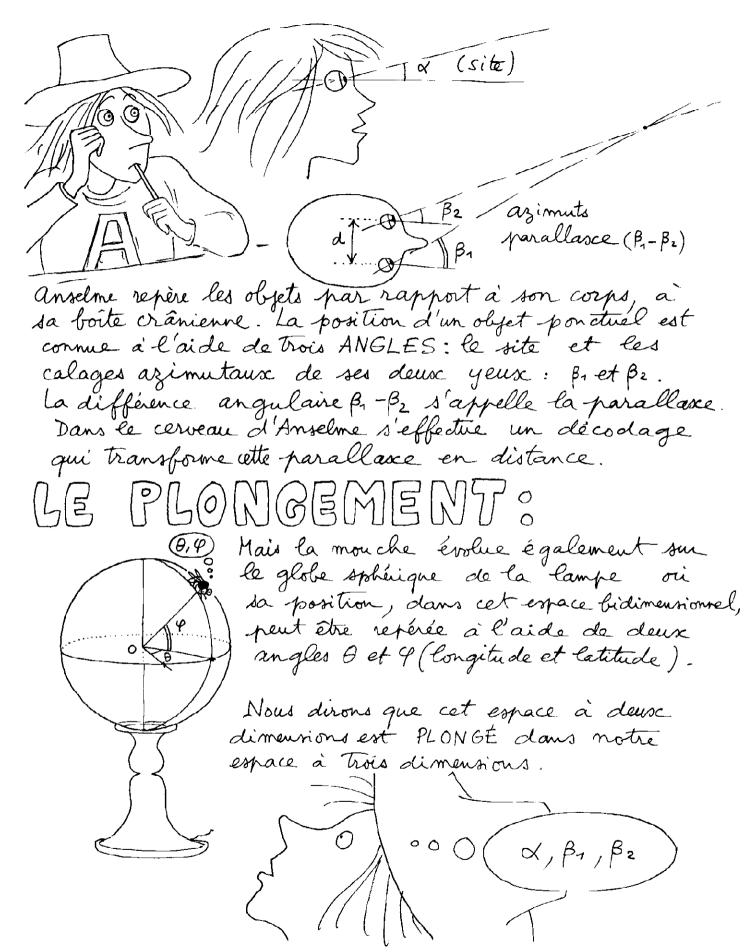


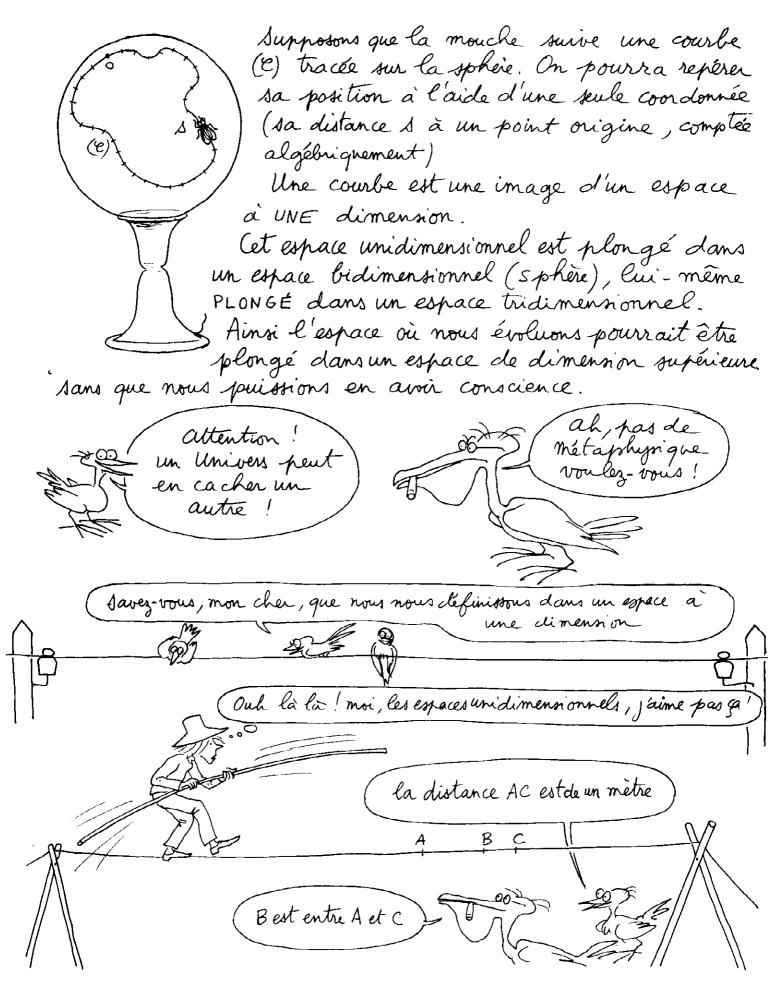


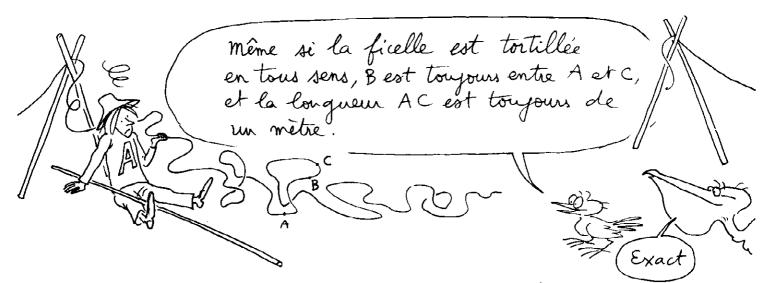
longitude, latitude

on a coutume de dire que notre espace, si on excepte le temps, a trois dimensions.

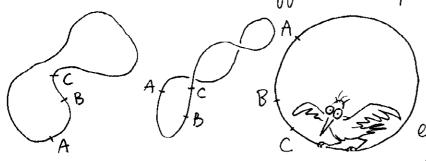






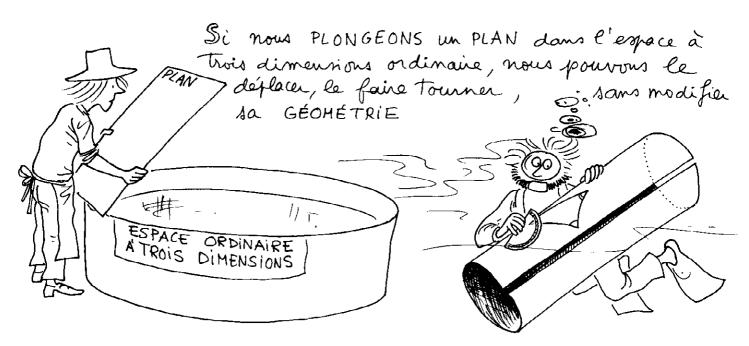


leci suggaie que certaines propriétes peuvent être indépendantes de la manière dont s'effectue le plongement.



Voici différentes manières de PLONGER une COURBE FERMÉE dans l'espace ordinaire Cette FERME TURE est une propriété indépendante du plongement.

Mais nous nous sommes bien gardes d'étirer ou de contracter la ficelle, afin de ne pas modifier les LONGUEURS entre des points successifs. Nous allons maintenant PLONGER des SURFACES dans l'espace à trois dimensions ordinaire



Nous avons ou que le fait de déformer un plan suivant un cylindre ne modificit ni les géodésiques, ni les angles. Dans cette optique, une tole ondulée a toujours une géométrie PLANE, EUCLIDIENNE. Un habitant d'un tel espace bidimensionnel, euclidien, n'aurait aucune conscience des translations, rotations ou ondulations, qui ne sercient que des variations du mode de plongement dans l'espace tridimensionnel. Semblablement, notre exace tridimen. sionnel pourait être lui mêmeplongé dans un espace ayant un nombre supérieur de dimensions, sans que nous puissions nous en apercevoir. En effet, until plongement n'affecterait pas les géodériques de notre espace, donc notre perception, basée sur la lumière, laquelle suit les géodésiques de l'espace. On pourait ainsi envisages, entre deux points, un trajet plus court que le trajet suivi par la lumière Eh, dites, vous. qu'est-ce que tu Je vous vois venir! Vous êtes en train de m'entraîner vers la science-fiction J'escplore le fond de ma coquille

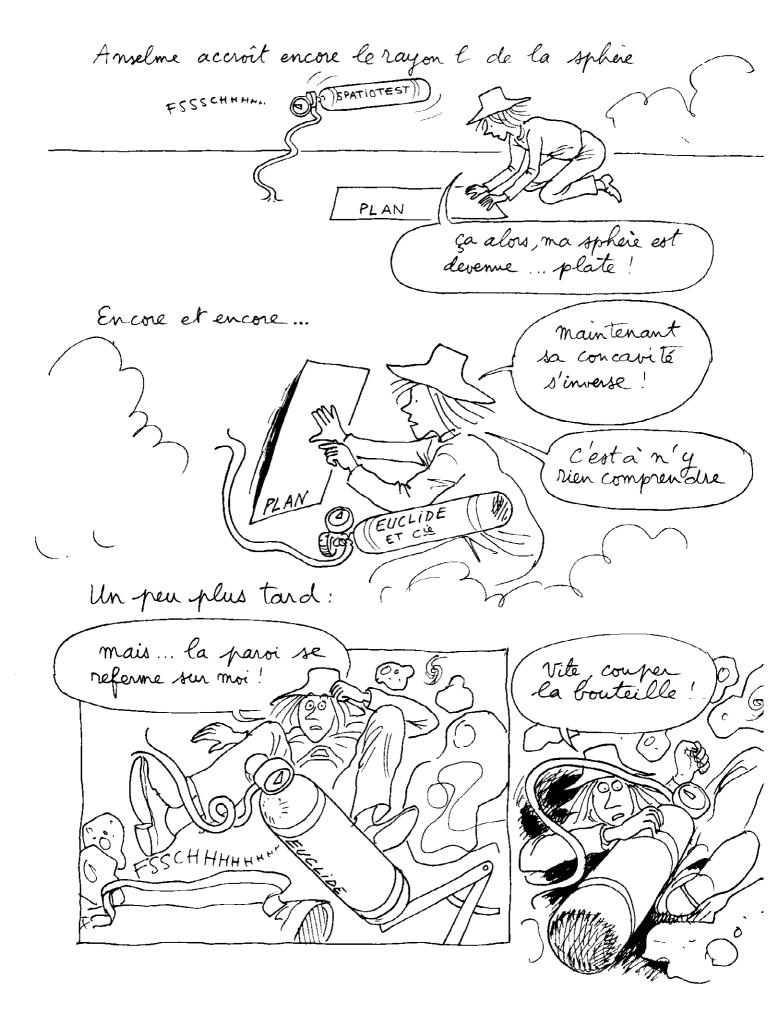












ainsi, en gouflant un ballon tout bête Ouf! dans un espace à trois dimensions, Lanturlu a fini par se retrouver... DEDANS!

S'il n'avoit pas coupé la bouteille à temps, il aurait péri écrasé, tout comme il avoit fini par se retrouver emprisonné par sa clôture, page 13.

Avec la meilleure volonté du monde, on ne peut plus maintenant VISUALISER la COURBURE de cet espace tridimensionnel. Ses géodésiques se referment et son volume ne représente qu'un nombre Fini de mètres cubes, de même que la surface de notre planete, surface fermée, n'offre qu'un nombre Fini de mètres carrés.

La somme des angles d'un triangle, de cet espace à trois dimensions, est supérieure à 180°. Pour "VOIR" sa courbure, il faudrait être

capable de percevoir dans quatre dimensions.

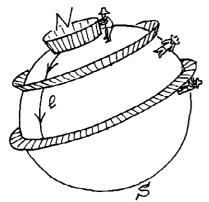


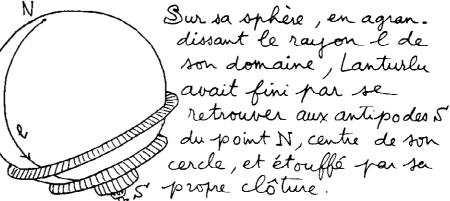
On peut toujours se dire que notre UNIVERS à trois dimensions est une HYPERSURFACE, plongée dans un espace à quatre dimensions, lui-même peut-être hypersurface plongée dans un espace à cinq dimensions, etc... Mais, de nos jours, il n'est pas de avec des idoes pareilles. bon tou de dire de telles choses.

avec des idées pareilles, où va-t-on? je vous le demande?

> Ce qui existe C'est ce que Je PERGOIS!

Le reste, c'est de la métaphysique!





Dans l'espace tridimensionnel à courbrue positive, même chose. Dans cet espace bidimensionnel qu'est la système, Anselme rencontrait l'EQUATEUR quand il avait en clos la moitié de la surface disponible. L'EQUATEUR de l'espace tridimensionnel HYPERSPHÉRIQUE exciste cuisti. Anselme y parvient lors que son ballon occupe la moitié du volume disponible. Sur le sphère, le cercle équateur lui apparaissait comme une DROITE. De même, dans l'espace hypersphérique, le "ballon équateur" aura pour lui l'apparence d'un PLAN.

Au-delà de l'équateur la concavité du ballon s'inverse et il vient automatiquement se centrer sur le point antipodal s'

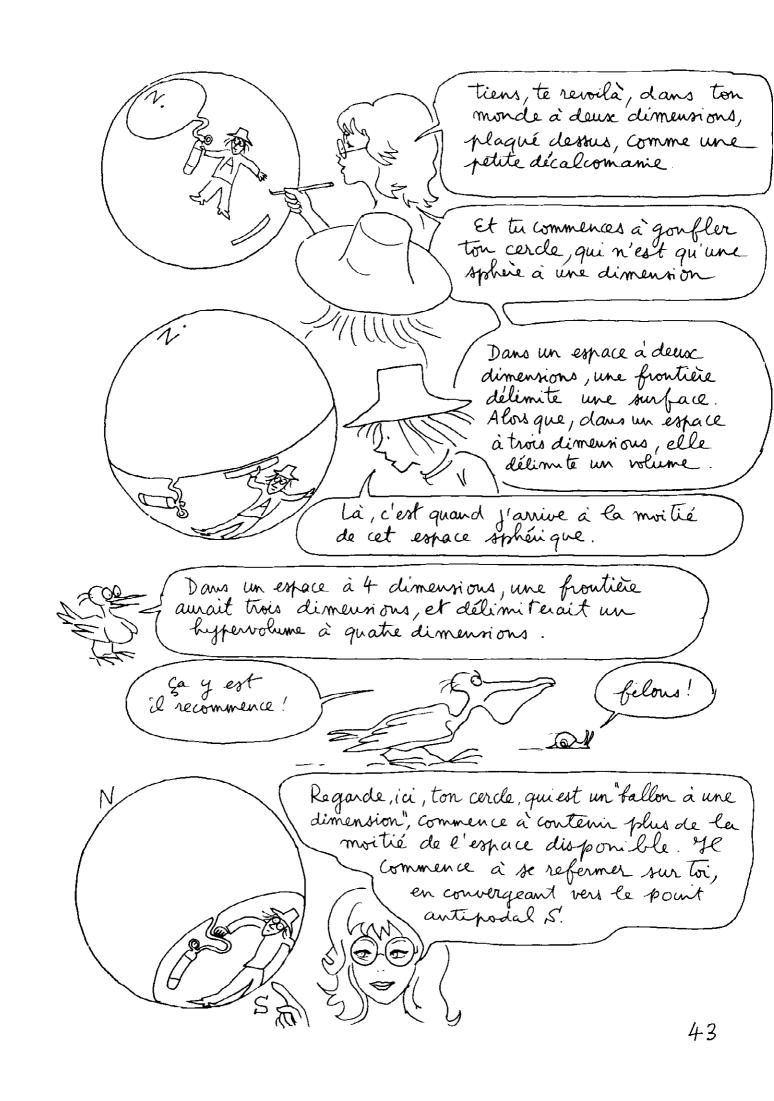
du point N, centre du ballon.

Sur une ophère, tout point possédait un antipode. Hen est de même pour un espace hypersphérique à trois dimensions bien que cela soit un peu difficile à comprendre



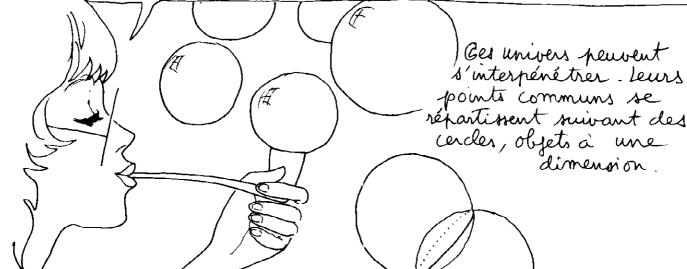








maintenant, je prends un espace à trois dimensions où je place des sphères à deux dimensions, des tas de petits univers bidimensionnels.



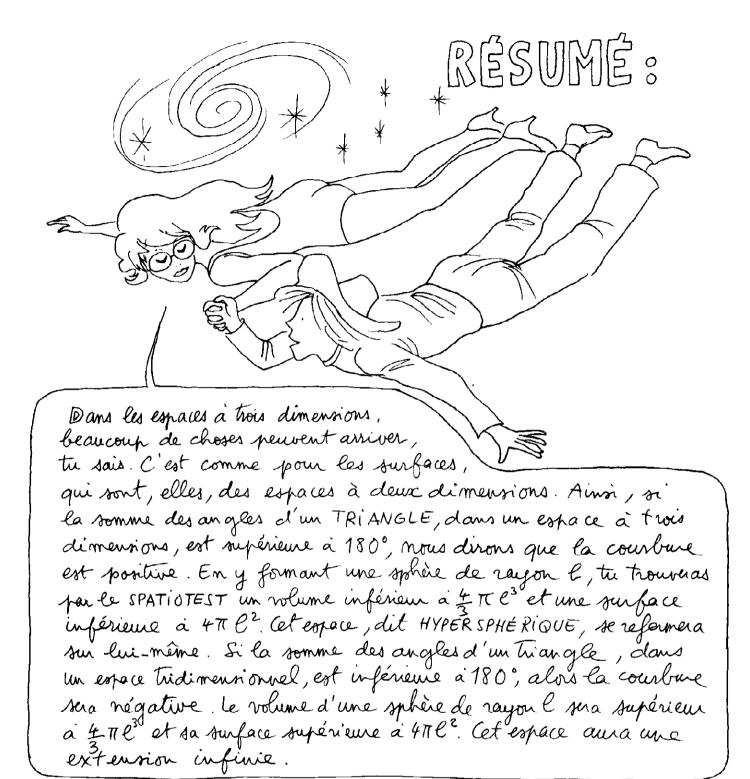
De même, des cercles, objets à une dimension, placés sur une feuille de papier (2 dimensions) se couperaient suivant des POINTS.

(On a coutume de dire que le POINT a la dimension zéro.)

Une sphère pourra alors être couridérée comme l'intersection de deux "bulles" tridimensionnelles, évoluant dans un espace à quatre.

Et ainsi de suite: un espace Tridimensionnel courbe, hypersphérique, pourra lui-même être couridéré comme l'intersection de deux bulles de savon à quatre dimensions, évoluent dans un espace à cinq.

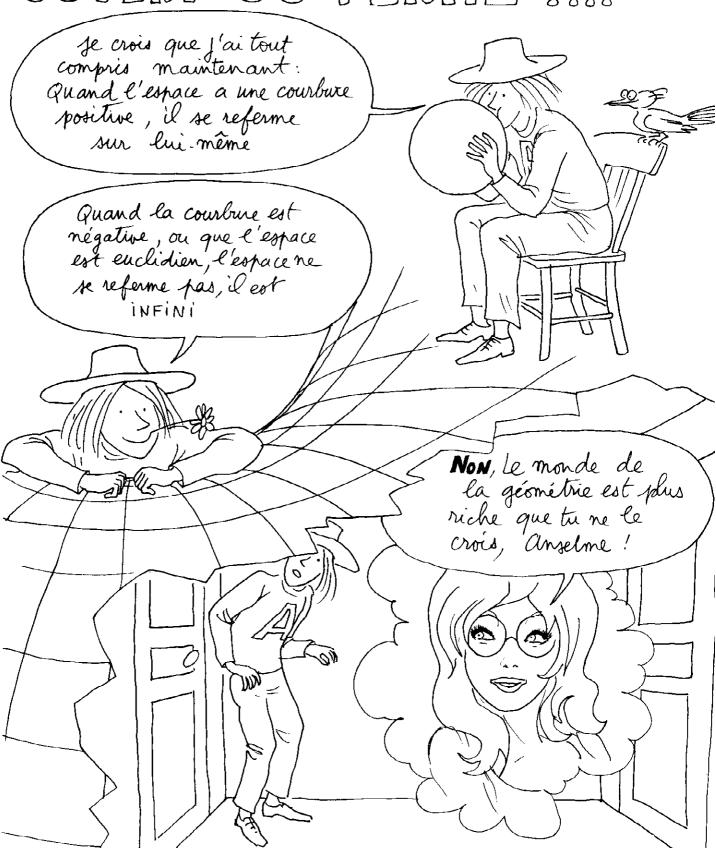


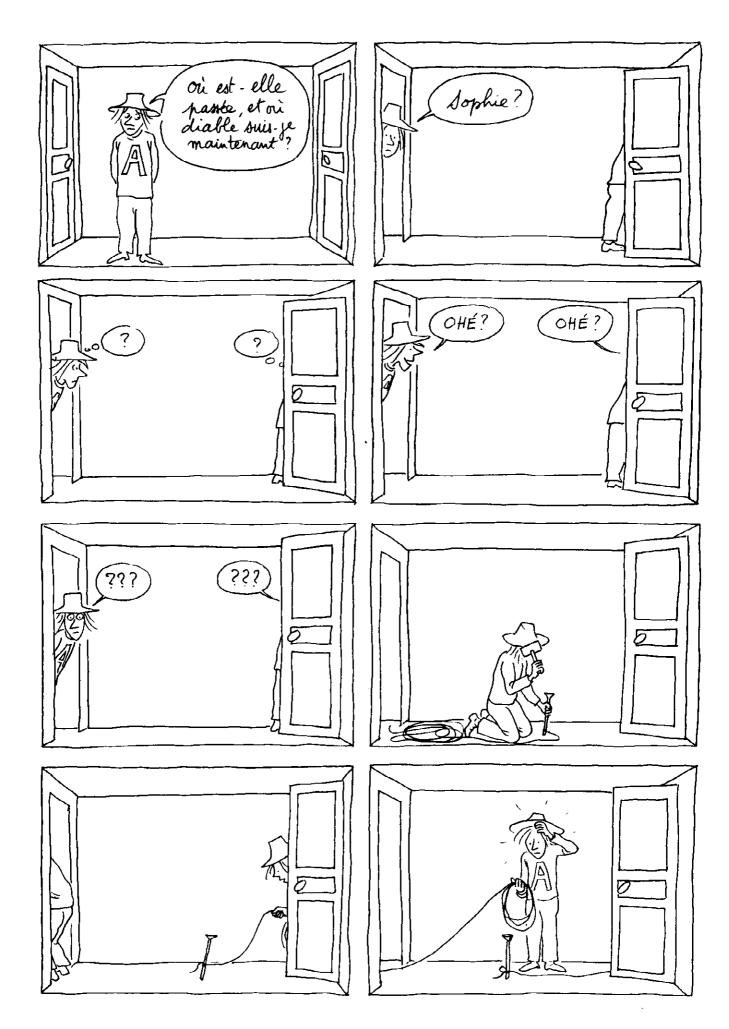


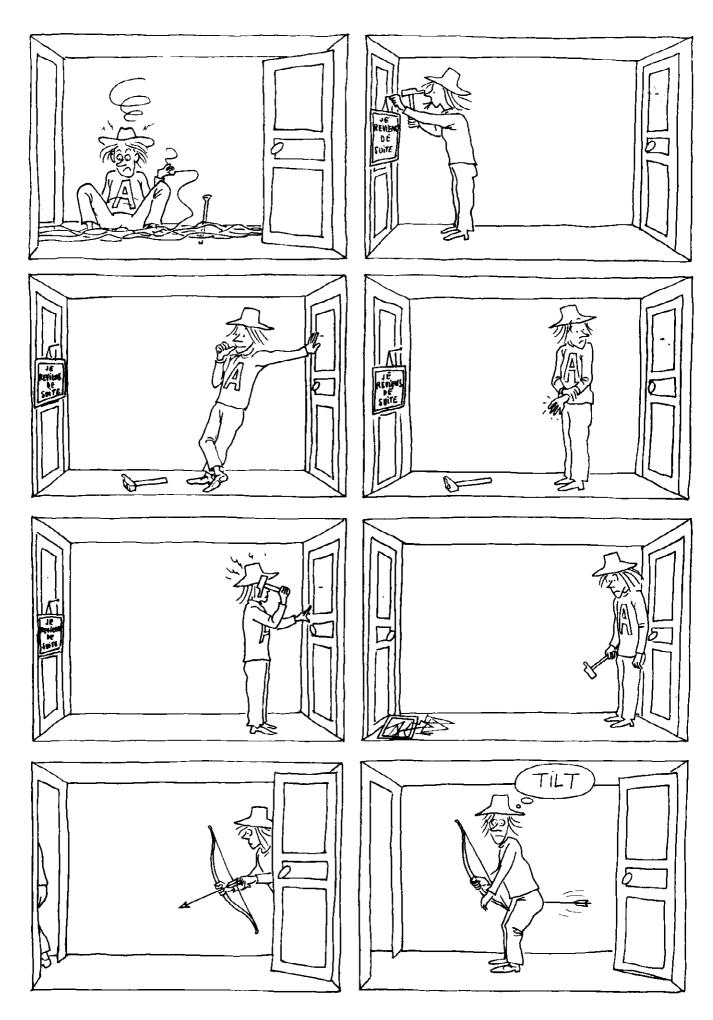
mais si la somme des angles vaut 180°, alors l'espace est bêtement euclidien.

tout ça pour en le le

OUVERT OU FERMÉ!...







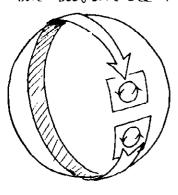


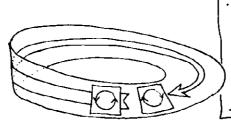
SANS DESSUS DESSOUS:



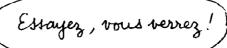


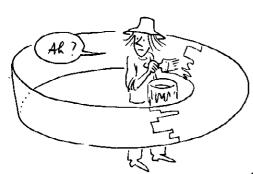
Traçons un cercle sur une surface, et fléchous-le asbitrairement. Tmaginons que ce cercle soit une petite décalcomanie que nous pouvois faire glisser à volonté sur cette surface. Si le cercle se retrouve identique à lui-même, nous dirons que cette surface est ORIENTABLE (c'est le cas de la sphène, du cylindre, du plan, etc...). Mais si cette décal comanie glisse sur un ruban de Möbius, il en va tout autrement:





A chaque fois qu'il fait le tour de cet univers à deux dimensions, le cercle change d'orientation





Corrélativement, on ne peut pas peindre une bande de Möbius de deux couleus différentes: elle n'a qu'un seul côté, elle est UNILATÈRE

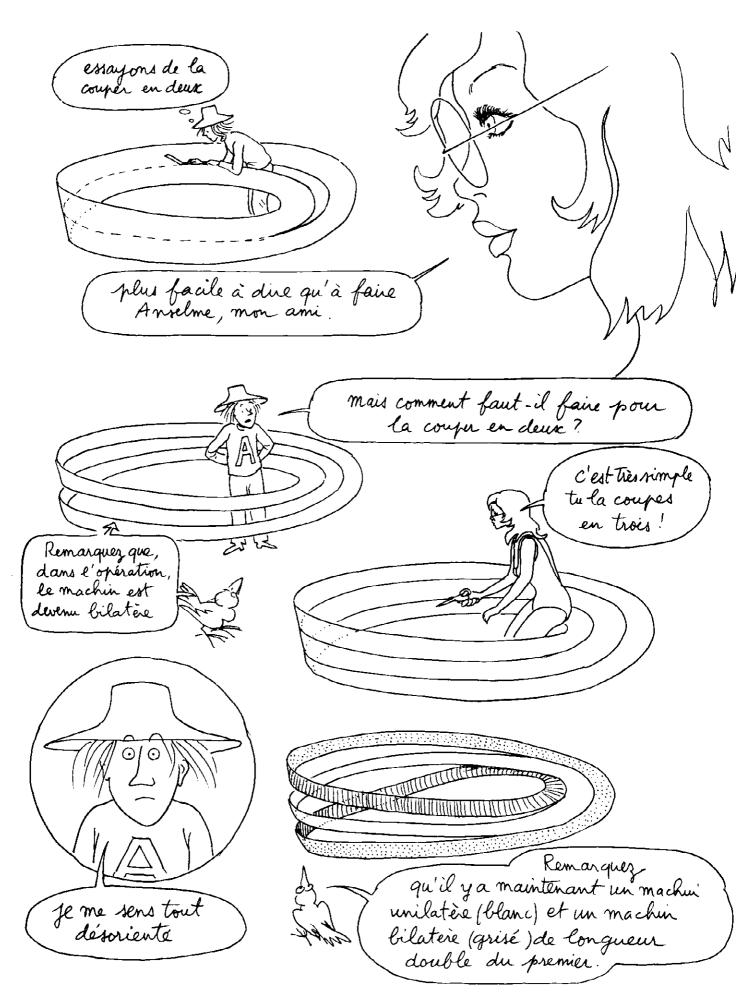


anselve a décidé de planter des I clous pour marquer l'intérieur et l'extérieur.

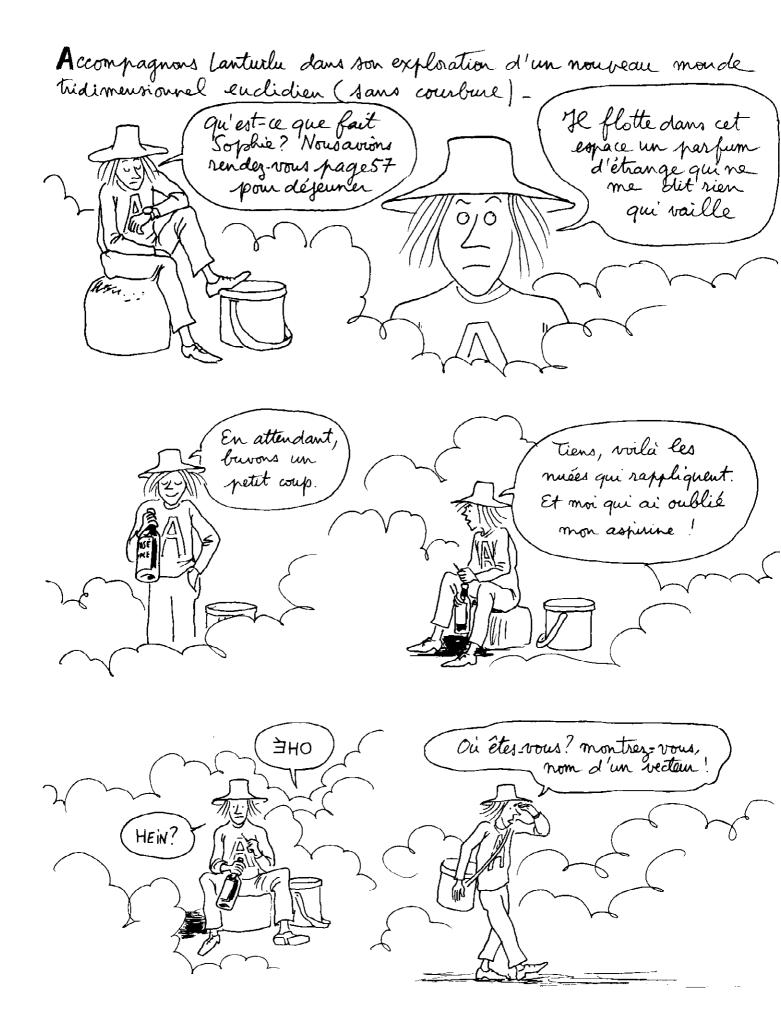
on peut l'ourler en une seule fois! L'opération se volde par un échec car cette bande ... (HMMM!!







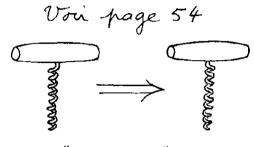






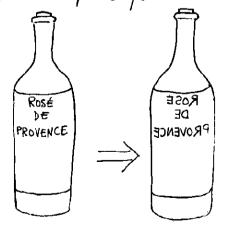


La bande de Möbius (espace inorientable à deux dimensions) a donc un équivalent tridimensionnel. Sur la bande de Möbius, lorsque le cercle décalcomanie faisait le "tour" de cet espace euclidien, son orientation changeait:



On remarquera que ces objets sont "en misoir".

Le tire-bouchon, ou Anselme lui même, peuveut être considérés comme des décalcomamies à trois dimensions. A chaque fois qu'un objet fait le "tour" de cet espace tridimensionnel, son orientation s'inverse. Comme nous sommes censés avoir accompagné Lanturlu dans son périple circumspatial, il est normal que nous retrouvious, avec lui, la bouteille "en miroir" et le tire-bouchon vissant dans un seus inhabituel. Un second "tour" de cet univers nous redonnérait la vision initiale des choses (à condition que nous laissions les objets à leur place).



Anselme et le kangourou (de l'espèce des antipodiens) habitent le même espace, mais ils différent en ce sens que ce qui est "à l'endroit pour le kangourou" est "à l'envers pour Lanturlu", et vice-versa.





